

Aufgabenmix: t-a-, t-v- und t-x-Diagramme : Lösungen

1.1

- $t \in [0\text{s}; 15\text{s}[$: Bewegung mit konstanter Beschleunigung aus der Ruhe heraus ($v_0 = 0$)
- $t \in [15\text{s}; 25\text{s}[$: Bewegung mit konstanter Geschwindigkeit ($v = 8,0 \text{ ms}^{-1}$)
- $t \in [25\text{s}; 30\text{s}]$: Bewegung mit konstanter Verzögerung bis zum Stillstand.

1.2

Die Beschleunigung entspricht der Steigung im t-a-Diagramm

Bereich I ($t \in [0\text{s}; 15\text{s}[$):

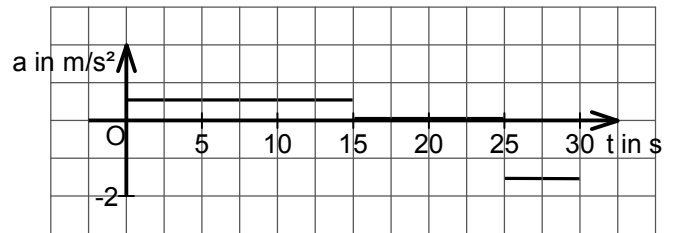
$$a_{\text{I}} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{8,0 \text{ ms}^{-1}}{15\text{s}} = 0,53 \text{ ms}^{-2}$$

Bereich II ($t \in [15\text{s}; 25\text{s}[$):

$$a_{\text{II}} = 0 \text{ ms}^{-2} \quad (v = \text{konst.})$$

Bereich III ($t \in [25\text{s}; 30\text{s}]$):

$$a_{\text{III}} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-8,0 \text{ ms}^{-1}}{5,0\text{s}} = -1,6 \text{ ms}^{-2}$$



1.3

Die zurückgelegte Strecke entspricht der Fläche unter der t-v-Kurve

Bereich I:

$$s_{\text{I}} = \frac{1}{2} \cdot \Delta t \cdot v = \frac{1}{2} \cdot 15\text{s} \cdot 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 60\text{m}$$

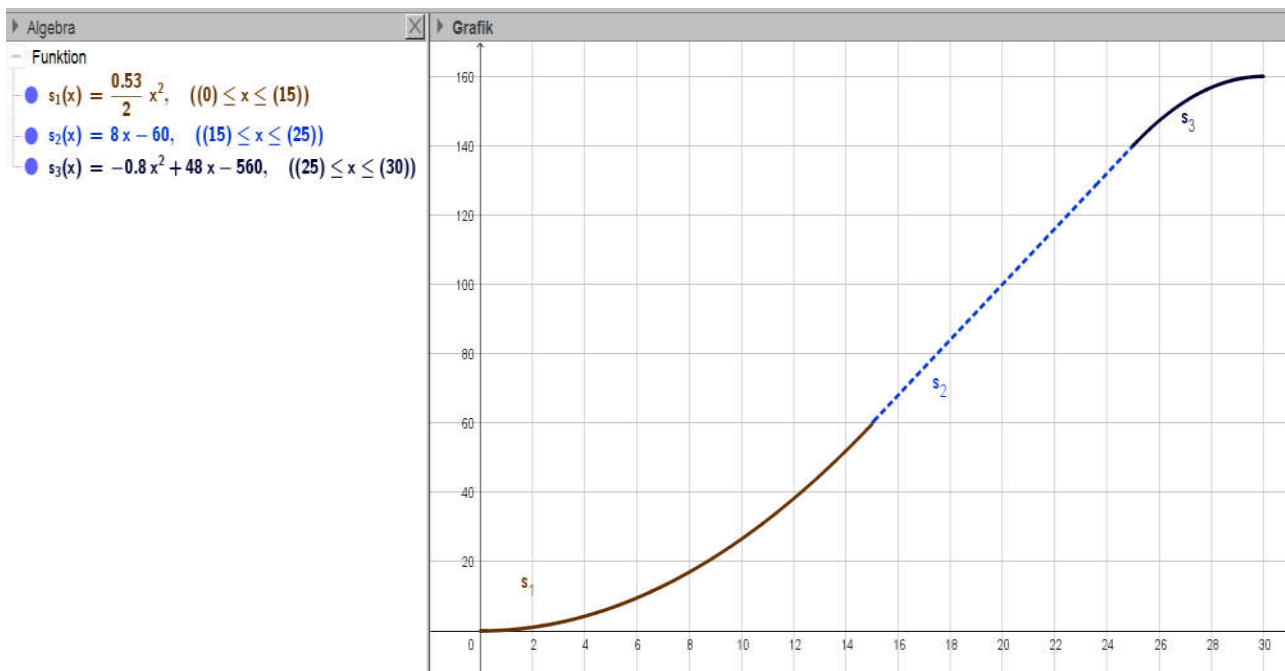
Bereich II:

$$s_{\text{II}} = \Delta t \cdot v = 10\text{s} \cdot 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 80\text{m} \quad (v = \text{konst.})$$

Bereich III:

$$s_{\text{III}} = \frac{1}{2} \cdot \Delta t \cdot v = \frac{1}{2} \cdot 5,0\text{s} \cdot 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 20\text{m}$$

Gesamte zurückgelegte Strecke: $s = s_{\text{I}} + s_{\text{II}} + s_{\text{III}} = \underline{160\text{m}}$



1.4

Bereich I:

$$x_I(t) = \frac{1}{2} \cdot a_I t^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,53 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot t^2$$

Bereich II: (An die Nahtstelle bei $t = 15\text{s}$ und $x = 60\text{m}$ anschließen)

$$x_{II}(t) = v_{II} \cdot (t - 15\text{s}) + 60\text{m} = 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot t - 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 15\text{s} + 60\text{m}$$

$$\text{Also: } x_{II}(t) = 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot t - 60\text{m}$$

Bereich III:

An die Nahtstelle bei $t = 25\text{s}$ und $x = 140\text{m}$ anschließen:

$$\begin{aligned} x_I(t) &= \frac{1}{2} \cdot a_{III} (t - 25\text{s})^2 + v_{II} \cdot (t - 25\text{s}) + 140\text{m} \\ &= \frac{1}{2} \cdot (-1,6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}) \cdot (t^2 - 50\text{s} \cdot t + 625\text{s}^2) + 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot t - 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 25\text{s} + 140\text{m} \\ &= \frac{1}{2} \cdot (-1,6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}) \cdot t^2 + 40 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot t - 500\text{m} + 8,0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot t - 200\text{m} + 140\text{m} \\ &= -\frac{1}{2} \cdot 1,6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot t^2 + 48 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot t - 560\text{m} \end{aligned}$$

Alternativ kann man von der Scheitelform bei $t = 30\text{s}$ und $x = 160\text{m}$ ausgehen:

$$\begin{aligned} x_I(t) &= \frac{1}{2} \cdot a_{III} (t - 30\text{s})^2 + 160\text{m} \\ &= \frac{1}{2} \cdot (-1,6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}) \cdot (t^2 - 60\text{s} \cdot t + 900\text{s}^2) + 160\text{m} \\ &= \frac{1}{2} \cdot (-1,6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}) \cdot t^2 + 48 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot t - 720\text{m} + 160\text{m} \\ &= -\frac{1}{2} \cdot 1,6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot t^2 + 48 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot t - 560\text{m} \end{aligned}$$

Beide Rechenwege führen natürlich zum selben Ergebnis.